

Étude de quotients, cours, terminale STMG

F.Gaudon

3 juillet 2015

Table des matières

1	Dérivation de quotients	1
2	Étude de quotients	2

1 Dérivation de quotients

Propriété :

On considère la fonction inverse f définie par $f(x) = \frac{1}{x}$ pour tout x appartenant à $] -\infty; 0[\cup] 0; +\infty[$. Alors sa fonction dérivée est donnée par

....

Propriété :

Soient u et v deux fonctions définies et dérivables sur un intervalle I , avec pour tout x de I , $v(x) \neq 0$, alors $\frac{u}{v}$ est définie et dérivable sur I et

.....

2 Étude de quotients

Exemple 1 d'étude de quotient :

Soit f la fonction définie par $f(x) = \frac{4}{2x+3}$ pour tout x appartenant à $[3; +\infty[$.

$$f(x) = \frac{u(x)}{v(x)} \text{ avec}$$

$$u(x) = \dots\dots\dots \text{ et } v(x) = \dots\dots\dots \text{ donc } u'(x) = \dots\dots \text{ et } v'(x) = \dots\dots\dots$$

$$\text{On a } f'(x) = \dots\dots$$

$$\text{D'où } f'(x) = \dots\dots\dots$$

Pour tout x appartenant à $[3; +\infty[$, le carré $(2x + 3)^2$ est de signe

..... donc $f'(x)$ est de signe donc f est

..... sur $[3; +\infty[$.

Exemple 2 d'étude de fonction avec quotient :

Soit f la fonction définie sur $[\frac{1}{2}; +\infty[$ par $f(x) = \frac{x^2+1}{x}$.

$$u(x) = \dots\dots\dots v(x) = \dots\dots\dots u'(x) = \dots\dots\dots v'(x) = \dots\dots\dots$$

Pour tout réel $x \neq 0$, $f'(x) = \dots\dots$

$$f'(x) = \dots\dots$$

$$f'(x) = \dots\dots$$

On doit donc résoudre l'équation du second degré $x^2 - 1 = 0$.

$x^2 - 1 = 0$ de la forme $ax^2 + bx + c = 0$ avec $a = \dots$, $b = \dots$ et $c = \dots\dots$

$$\Delta = \dots\dots$$

$\Delta > 0$ donc il y a deux solutions :

$$x_1 = \dots\dots$$

$$\text{et } x_2 = \dots\dots$$

$$\text{D'où } x_1 = \dots\dots$$

$$\text{et } x_2 = \dots\dots$$

Donc $x_1 = \dots\dots$ et $x_2 = \dots\dots$ n'est pas dans l'intervalle.

On a donc le tableau de variation :

x	$\frac{1}{2}$	$+\infty$
Signe de $f'(x)$
Variations de $f(x)$		
